

CC1 en TD (20 mn)

Exercice n°1 : Loi des Gaz Parfaits.

Un gaz est considéré comme parfait s'il vérifie la loi

$$PV = nRT$$

n étant le nombre de moles, R la constante des gaz parfaits, P, V et T étant respectivement la pression, le volume et la température du gaz.

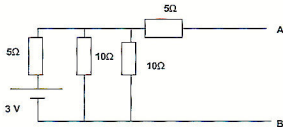
1°) Quelle est la dimension de cette relation ?

2°) Dans le cas où n et T sont constants, proposer une méthode basée sur l'anamorphose permettant de vérifier si un gaz peut être considéré comme parfait.

3°) Sachant que $R = 8.314$ (SI) donner la valeur de R dans le système cgs (centimètre, gramme, seconde).

Exercice n°2:

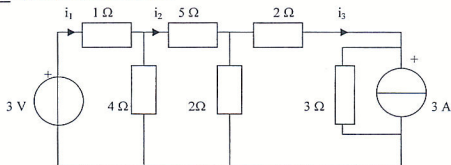
On considère le circuit électrique suivant :



- Déterminer les paramètres de Thévenin (E_{th} , R_{th}), ensuite les paramètres de Norton (η , R_N), vu de AB.
- On branche entre AB un générateur de tension de force électromotrice 1V et de résistance interne 3 Ω en opposition, en déduire le courant.

CC2 (40mn)

Exercice n°1: On donne le circuit suivant :

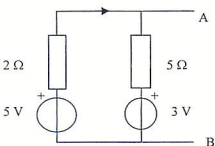


1- Rappeler la **définition** d'un courant de maille.

2- Donner le système de 3 équations permettant de connaître les courants i_1 , i_2 , i_3 en utilisant la méthode de courants de maille vue en cours à l'exclusion de toute autre. On respectera bien les orientations de courants imposées par le schéma. On ne cherchera pas à résoudre le système obtenu pour le moment.

3- En utilisant le changement de représentations, en déduire les courants i_1 et i_2 .

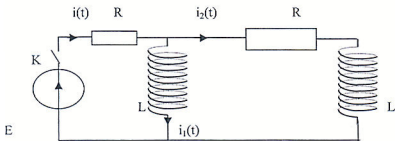
Exercice n°2: On considère le circuit suivant (les résultats seront donnés sous forme fractionnaire).



- Déterminer la résistance dipolaire du circuit vue de A et B.
- Déterminer la tension à vide entre A et B.
- On place entre A et B un *court-circuit* (fil de résistance nulle). Déterminer le courant passant dans ce court-circuit.
- Déduire des questions précédentes :
 - Le générateur de Thévenin équivalent vu de A et B.
 - Le générateur de Norton équivalent vu de A et B.
- On branche maintenant entre A et B une résistance $R = 3 \Omega$. Quel sera le courant passant dans cette résistance ?

Exercice n°3:

On considère le circuit de la figure. La fem E est constante. On suppose qu'à $t = 0$, on abaisse l'interrupteur K , tous les courants étant nuls. On posera $\tau = L / R$



- Donner les valeurs de i_1 , i_2 et i à l'instant $t = 0^+$ en justifiant clairement.
- Donner les valeurs de i_1 , i_2 et i quand t tend vers l'infini en justifiant clairement.
- Chercher l'équation différentielle donnant $i_2(t)$.
- Le courant $i_2(t)$ peut-il être pseudo-périodique (justifier clairement) ?
- Pour résoudre complètement l'équation précédente, on a besoin de la dérivée de $i_2(t)$ à $t = 0$. Quelle est la valeur de cette dérivée en fonction de E et de L (justifier). Donner alors $i_2(t)$.

Partie A : Mesures physiques.

Exercice n°1:

1°) La force de frottement s'exerçant sur une sphère de diamètre D se déplaçant à la vitesse uniforme V dans un fluide de coefficient de viscosité η est donnée par la formule de Stokes:

$$F = 3\pi \cdot \eta \cdot D \cdot V$$

Déterminer la dimension et l'unité de η dans le système SI.

L'unité de η dans le système cgs (centimètre, gramme, seconde) est la poise (symbole P). Donner le coefficient de conversion entre la poise et l'unité de η dans SI.

2°) En déduire la dimension de R , nombre de Reynolds, relatif à l'écoulement autour de cette sphère si l'expérience conduit à l'expression :

$$R = \rho \cdot \frac{VD}{\eta} \quad \text{Où : } \rho : \text{masse volumique du fluide, } V : \text{sa vitesse uniforme, } \eta : \text{son coefficient de viscosité et } D$$

le diamètre de la sphère.

Exercice n°2: On donne la formule donnant la période T d'un pendule simple de longueur L placé dans le champ

de pesanteur g : $T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$ (voir td1).

- Déterminer l'incertitude relative sur T en fonction des incertitudes relatives sur L et g si on calcule la valeur de T à partir de la formule après avoir mesuré L et g avec des incertitudes absolues ΔL et Δg .
- Application numérique: on mesure $L = 1.00$ m, $\Delta L = 0.01$ m. On prend $g = 9.81$ m.s⁻² avec $\Delta g = 0.01$ m.s⁻². Calculer numériquement T , $\frac{\Delta T}{T}$ et ΔT . on prendra $\pi = 3.141$ (précis).
- Donner alors un encadrement de la valeur de T attendue en respectant les règles d'arrondis vues en cours.
- L'expérience donne $T = 2.045$ s. La notice du chronomètre utilisée indique une précision de 0.2 % +/- 4 digits. Encadrer la valeur mesurée pour T en respectant les règles d'arrondis.
- La théorie vous semble-t-elle compatible avec l'expérience ?

Exercice n°3:

On dit qu'un phénomène est contrôlé par une énergie d'activation si la grandeur qui le caractérise varie avec la

température suivant la loi : $D(T) = D_0 \cdot \exp\left(-\frac{U}{kT}\right)$

où T est la température absolue, $k = 1,38 \cdot 10^{-23}$ J.K⁻¹ la constante de Boltzmann et U l'énergie d'activation.

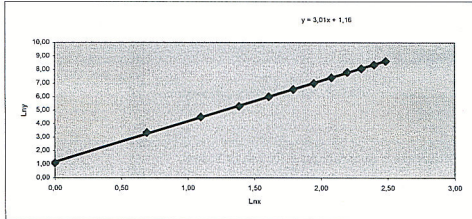
- Proposer une méthode permettant de vérifier cette loi en utilisant l'anamorphose.
- Comment peut-on connaître U et D_0 à partir de la méthode précédente (en mesurant D et T).

Exercice n°4: On mesure deux grandeurs x et y qu'on suppose reliées entre elles par une loi mathématique à déterminer. On trace alors la courbe $\ln y$ en fonction de $\ln x$ et on obtient (voir graphique) :

- L'alignement des points étant jugé « satisfaisant », on demande le calcul de la régression linéaire. Donner le principe mathématique du calcul de la régression linéaire par la méthode des moindres carrés.
- La régression linéaire effectuée donne les résultats suivants (unités sans importance).

	pente	ordonnée à l'origine
Valeur	3,01	1,16
Ecart type	0,02	0,03

Proposer une loi mathématique donnant y en fonction de x compatible avec ces résultats. Donner la précision des valeurs numériques intervenant dans votre loi.



Partie B : ELECTRICITE

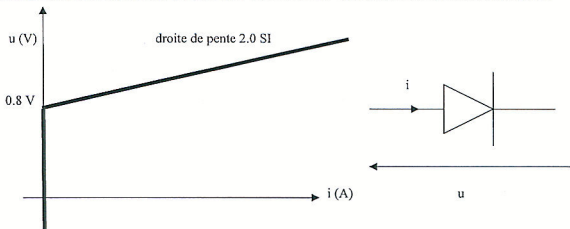
Question de cours :

- Donner la caractéristique d'une diode Zéner en précisant très clairement la convention utilisée sur un dessin.

Exercice n°5: On branche en parallèle deux bobines réelles dont les caractéristiques sont (L,R) et $(3L,3R)$.

Montrer que cette association est équivalente à une seule bobine dont on déterminera le coefficient d'auto-induction et la résistance (une démonstration très précise est attendue, on ne se contentera pas d'un résultat non justifié).

Exercice n°6: La caractéristique graphique d'une diode classique est la suivante en convention récepteur.



- Donner l'équation mathématique de la droite du graphe précédent sous forme numérique $u = f(i)$.
- On branche cette diode sur un générateur de tension linéaire dont les paramètres en représentation de Thévenin sont $(E = 1.20V, r = 3.0 \Omega)$ de manière à ce que la diode soit dans le sens passant. Faire le schéma électrique correspondant.
- Tracer sur le même graphe la caractéristique du générateur en convention générateur et la caractéristique de la diode en convention récepteur.
- Déterminer par le calcul le courant traversant la diode, ainsi que la tension à ses bornes.
- Expliquer comment on peut retrouver le résultat précédent sur le graphe (attention : une explication très précise est attendue !).

Exercice n°7: On considère un générateur de tension réel dont le modèle de Thévenin a une force électromotrice $e = 15$ Volts et une résistance interne de 3 Ohms.

- Déterminer le courant de court-circuit de ce générateur.
- Donner la représentation de Norton correspondante.
- Le générateur débite sur une résistance R variable.
 - Pour $R = 4$ Ohms, déterminer le courant débité et la tension aux bornes du générateur.
 - Pour quelle valeur de R la tension aux bornes du générateur vaut-elle le quart de la force électromotrice ?